

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD

--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Miejsce na naklejkę.**

Sprawdź, czy kod na naklejce to  
**E-100.**

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.  
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

**Egzamin maturalny**

**Formuła 2015**



Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na mgr2.pl/arkusze

# MATEMATYKA

## Poziom podstawowy

Symbol arkusza

EMAP-P0-**100**-2305

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

Uprawnienia zdającego do:

- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią
- nieprzenoszenia zaznaczeń na kartę.

DATA: **8 maja 2023 r.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**

CZAS TRWANIA: **170 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **46**

**Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym**

1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**, tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu** na **właściwym poziomie**.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi. Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.







Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)

**Zadania egzaminacyjne są wydrukowane  
na następnych stronach.**

W każdym z zadań od 1. do 29. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi poprawną odpowiedź.

**Zadanie 1. (0–1)**

Liczba  $\log_9 27 + \log_9 3$  jest równa

- A. 81                      B. 9                      C. 4                      D. 2

**Zadanie 2. (0–1)**

Liczba  $\sqrt[3]{-\frac{27}{16}} \cdot \sqrt[3]{2}$  jest równa

- A.  $\left(-\frac{3}{2}\right)$                       B.  $\frac{3}{2}$                       C.  $\frac{2}{3}$                       D.  $\left(-\frac{2}{3}\right)$

**Zadanie 3. (0–1)**

Cenę aparatu fotograficznego obniżono o 15%, a następnie – o 20% w odniesieniu do ceny obowiązującej w danym momencie. Po tych dwóch obniżkach aparat kosztuje 340 zł. Przed obiema obniżkami cena tego aparatu była równa

- A. 500 zł                      B. 425 zł                      C. 400 zł                      D. 375 zł

**Zadanie 4. (0–1)**

Dla każdej liczby rzeczywistej  $a$  wyrażenie  $(2a - 3)^2 - (2a + 3)^2$  jest równe

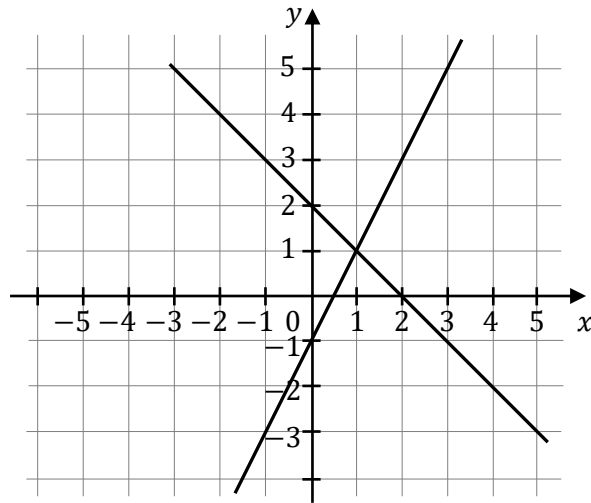
- A.  $-24a$                       B. 0                      C. 18                      D.  $16a^2 - 24a$





**Zadanie 5. (0–1)**

Na rysunku przedstawiono interpretację geometryczną jednego z niżej zapisanych układów równań.



Wskaż ten układ równań, którego interpretację geometryczną przedstawiono na rysunku.

A.  $\begin{cases} y = -x + 2 \\ y = -2x + 1 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} y = x - 2 \\ y = -2x - 1 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} y = x - 2 \\ y = 2x + 1 \end{cases}$

D.  $\begin{cases} y = -x + 2 \\ y = 2x - 1 \end{cases}$

**Zadanie 6. (0–1)**

Zbiorem wszystkich rozwiązań nierówności

$$-2(x + 3) \leq \frac{2 - x}{3}$$

jest przedział

A.  $(-\infty, -4)$

B.  $(-\infty, 4)$

C.  $(-4, \infty)$

D.  $(4, \infty)$

**Zadanie 7. (0–1)**

Jednym z rozwiązań równania  $\sqrt{3}(x^2 - 2)(x + 3) = 0$  jest liczba

A. 3

B. 2

C.  $\sqrt{3}$

D.  $\sqrt{2}$





**Zadanie 8. (0–1)**

Równanie  $\frac{(x+1)(x-1)^2}{(x-1)(x+1)^2} = 0$  w zbiorze liczb rzeczywistych

- A. nie ma rozwiązania.
- B. ma dokładnie jedno rozwiązanie:  $-1$ .
- C. ma dokładnie jedno rozwiązanie:  $1$ .
- D. ma dokładnie dwa rozwiązania:  $-1$  oraz  $1$ .

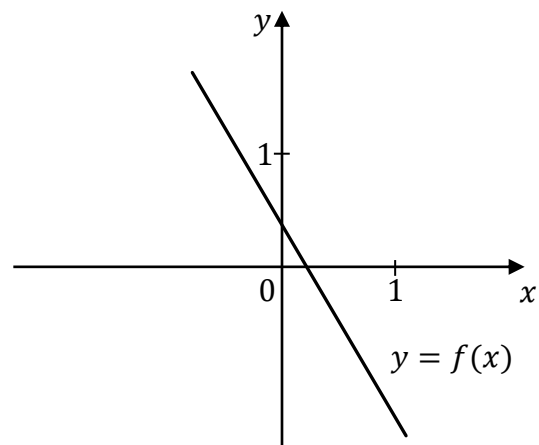
**Zadanie 9. (0–1)**

Miejscem zerowym funkcji liniowej  $f(x) = (2p - 1)x + p$  jest liczba  $(-4)$ . Wtedy

- A.  $p = \frac{4}{9}$                       B.  $p = \frac{4}{7}$                       C.  $p = -4$                       D.  $p = -\frac{4}{7}$

**Zadanie 10. (0–1)**

Funkcja liniowa  $f$  jest określona wzorem  $f(x) = ax + b$ , gdzie  $a$  i  $b$  są pewnymi liczbami rzeczywistymi. Na rysunku obok przedstawiono fragment wykresu funkcji  $f$  w układzie współrzędnych  $(x, y)$ .



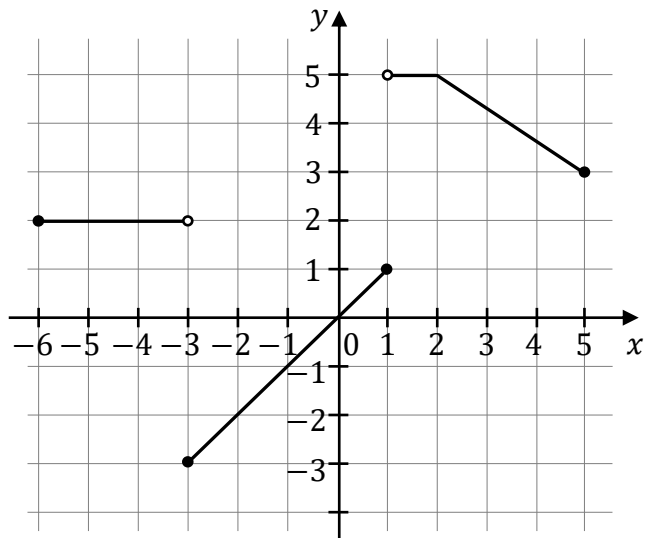
Liczba  $a$  oraz liczba  $b$  we wzorze funkcji  $f$  spełniają warunki:

- A.  $a > 0$  i  $b > 0$ .
- B.  $a > 0$  i  $b < 0$ .
- C.  $a < 0$  i  $b > 0$ .
- D.  $a < 0$  i  $b < 0$ .



**Informacja do zadań 11.–13.**

W układzie współrzędnych  $(x, y)$  narysowano wykres funkcji  $y = f(x)$  (zobacz rysunek).



Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na mgr2.pl/arkusze

**Zadanie 11. (0–1)**

Dziedziną funkcji  $f$  jest zbiór

- A.  $\langle -6, 5 \rangle$                       B.  $(-6, 5)$                       C.  $\langle -3, 5 \rangle$                       D.  $\langle -3, 5 \rangle$

**Zadanie 12. (0–1)**

Funkcja  $f$  jest malejąca w zbiorze

- A.  $\langle -6, -3 \rangle$                       B.  $\langle -3, 1 \rangle$                       C.  $(1, 2)$                       D.  $\langle 2, 5 \rangle$

**Zadanie 13. (0–1)**

Największa wartość funkcji  $f$  w przedziale  $\langle -4, 1 \rangle$  jest równa

- A. 0                      B. 1                      C. 2                      D. 5

**Zadanie 14. (0–1)**

Jednym z miejsc zerowych funkcji kwadratowej  $f$  jest liczba  $(-5)$ . Pierwsza współrzędna wierzchołka paraboli, będącej wykresem funkcji  $f$ , jest równa 3.

Drugim miejscem zerowym funkcji  $f$  jest liczba

- A. 11                      B. 1                      C.  $(-1)$                       D.  $(-13)$



**Zadanie 15. (0–1)**

Ciąg  $(a_n)$  jest określony wzorem  $a_n = 2^n \cdot (n + 1)$  dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ .  
Wyraz  $a_4$  jest równy

- A. 64                      B. 40                      C. 48                      D. 80

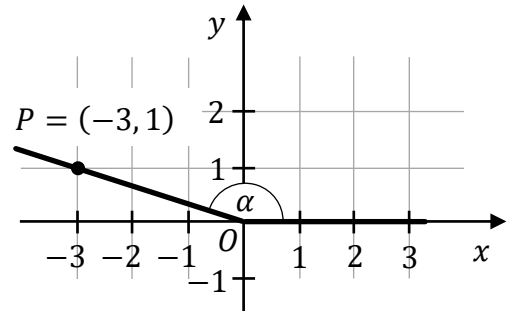
**Zadanie 16. (0–1)**

Trzywyrazowy ciąg  $(27, 9, a - 1)$  jest geometryczny.  
Liczba  $a$  jest równa

- A. 3                      B. 0                      C. 4                      D. 2

**Zadanie 17. (0–1)**

W układzie współrzędnych zaznaczono kąt  $\alpha$  o wierzchołku w punkcie  $O = (0, 0)$ . Jedno z ramion tego kąta pokrywa się z dodatnią półosią  $Ox$ , a drugie przechodzi przez punkt  $P = (-3, 1)$  (zobacz rysunek).



Tangens kąta  $\alpha$  jest równy

- A.  $\frac{1}{\sqrt{10}}$                       B.  $\left(-\frac{3}{\sqrt{10}}\right)$                       C.  $\left(-\frac{3}{1}\right)$                       D.  $\left(-\frac{1}{3}\right)$

**Zadanie 18. (0–1)**

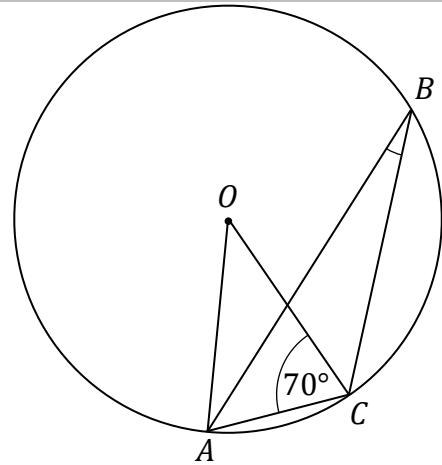
Dla każdego kąta ostrego  $\alpha$  wyrażenie  $\sin^4 \alpha + \sin^2 \alpha \cdot \cos^2 \alpha$  jest równe

- A.  $\sin^2 \alpha$                       B.  $\sin^6 \alpha \cdot \cos^2 \alpha$   
C.  $\sin^4 \alpha + 1$                       D.  $\sin^2 \alpha \cdot (\sin \alpha + \cos \alpha) \cdot (\sin \alpha - \cos \alpha)$



**Zadanie 19. (0–1)**

Punkty  $A, B, C$  leżą na okręgu o środku w punkcie  $O$ .  
 Kąt  $ACO$  ma miarę  $70^\circ$  (zobacz rysunek).



Miara kąta ostrego  $ABC$  jest równa

- A.  $10^\circ$                       B.  $20^\circ$                       C.  $35^\circ$                       D.  $40^\circ$

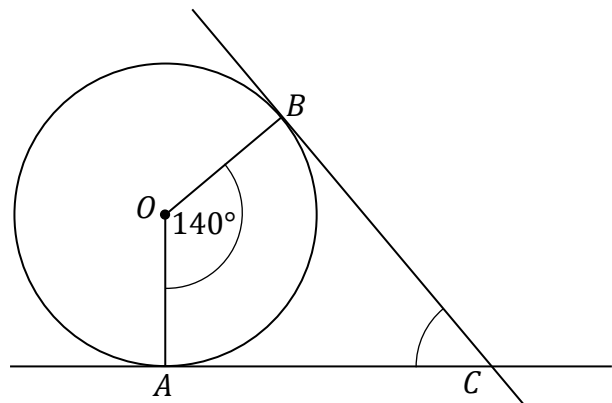
**Zadanie 20. (0–1)**

W rombie o boku długości  $6\sqrt{2}$  kąt rozwarty ma miarę  $150^\circ$ .  
 Iloczyn długości przekątnych tego rombu jest równy

- A. 24                      B. 72                      C. 36                      D.  $36\sqrt{2}$

**Zadanie 21. (0–1)**

Przez punkty  $A$  i  $B$ , leżące na okręgu o środku  $O$ , poprowadzono proste styczne do tego okręgu, przecinające się w punkcie  $C$  (zobacz rysunek).



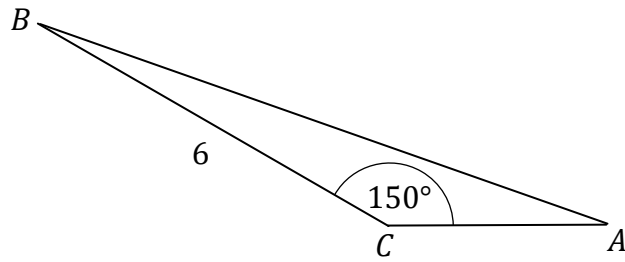
Miara kąta  $ACB$  jest równa

- A.  $20^\circ$                       B.  $35^\circ$                       C.  $40^\circ$                       D.  $70^\circ$



**Zadanie 22. (0–1)**

Dany jest trójkąt  $ABC$ , w którym  $|BC| = 6$ . Miara kąta  $ACB$  jest równa  $150^\circ$  (zobacz rysunek).



Wysokość trójkąta  $ABC$  opuszczona z wierzchołka  $B$  jest równa

- A. 3                      B. 4                      C.  $3\sqrt{3}$                       D.  $4\sqrt{3}$



Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na mgr2.pl/arkusze

**Zadanie 23. (0–1)**

Dana jest prosta  $k$  o równaniu  $y = -\frac{1}{3}x + 2$ .

Prosta o równaniu  $y = ax + b$  jest równoległa do prostej  $k$  i przechodzi przez punkt  $P = (3, 5)$ , gdy

- A.  $a = 3$  i  $b = 4$ .                      B.  $a = -\frac{1}{3}$  i  $b = 4$ .  
C.  $a = 3$  i  $b = -4$ .                      D.  $a = -\frac{1}{3}$  i  $b = 6$ .

**Zadanie 24. (0–1)**

Dane są punkty  $K = (-3, -7)$  oraz  $S = (5, 3)$ . Punkt  $S$  jest środkiem odcinka  $KL$ . Wtedy punkt  $L$  ma współrzędne

- A.  $(13, 10)$                       B.  $(13, 13)$   
C.  $(1, -2)$                       D.  $(7, -1)$

**Zadanie 25. (0–1)**

Dana jest prosta o równaniu  $y = 2x - 3$ . Obrazem tej prostej w symetrii środkowej względem początku układu współrzędnych jest prosta o równaniu

- A.  $y = 2x + 3$                       B.  $y = -2x - 3$   
C.  $y = -2x + 3$                       D.  $y = 2x - 3$



**Zadanie 26. (0–1)**

Dany jest graniastosłup prawidłowy czworokątny, w którym krawędź podstawy ma długość 15. Przekątna graniastosłupa jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod

kątem  $\alpha$  takim, że  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{2}}{3}$ .

Długość przekątnej tego graniastosłupa jest równa

- A.  $15\sqrt{2}$                       B. 45                      C.  $5\sqrt{2}$                       D. 10

**Zadanie 27. (0–1)**

Średnia arytmetyczna liczb  $x, y, z$  jest równa 4.

Średnia arytmetyczna czterech liczb:  $1 + x, 2 + y, 3 + z, 14$ , jest równa

- A. 6                      B. 9                      C. 8                      D. 13

**Zadanie 28. (0–1)**

Wszystkich liczb naturalnych pięciocyfrowych, w których zapisie dziesiętnym występują tylko cyfry 0, 5, 7 (np. 57 075, 55 555), jest

- A.  $5^3$                       B.  $2 \cdot 4^3$                       C.  $2 \cdot 3^4$                       D.  $3^5$

**Zadanie 29. (0–1)**

W pewnym ostrosłupie prawidłowym stosunek liczby  $W$  wszystkich wierzchołków do liczby  $K$  wszystkich krawędzi jest równy  $\frac{W}{K} = \frac{3}{5}$ .

Podstawą tego ostrosłupa jest

- A. kwadrat.                      B. pięciokąt foremny.  
C. sześciokąt foremny.                      D. siedmiokąt foremny.

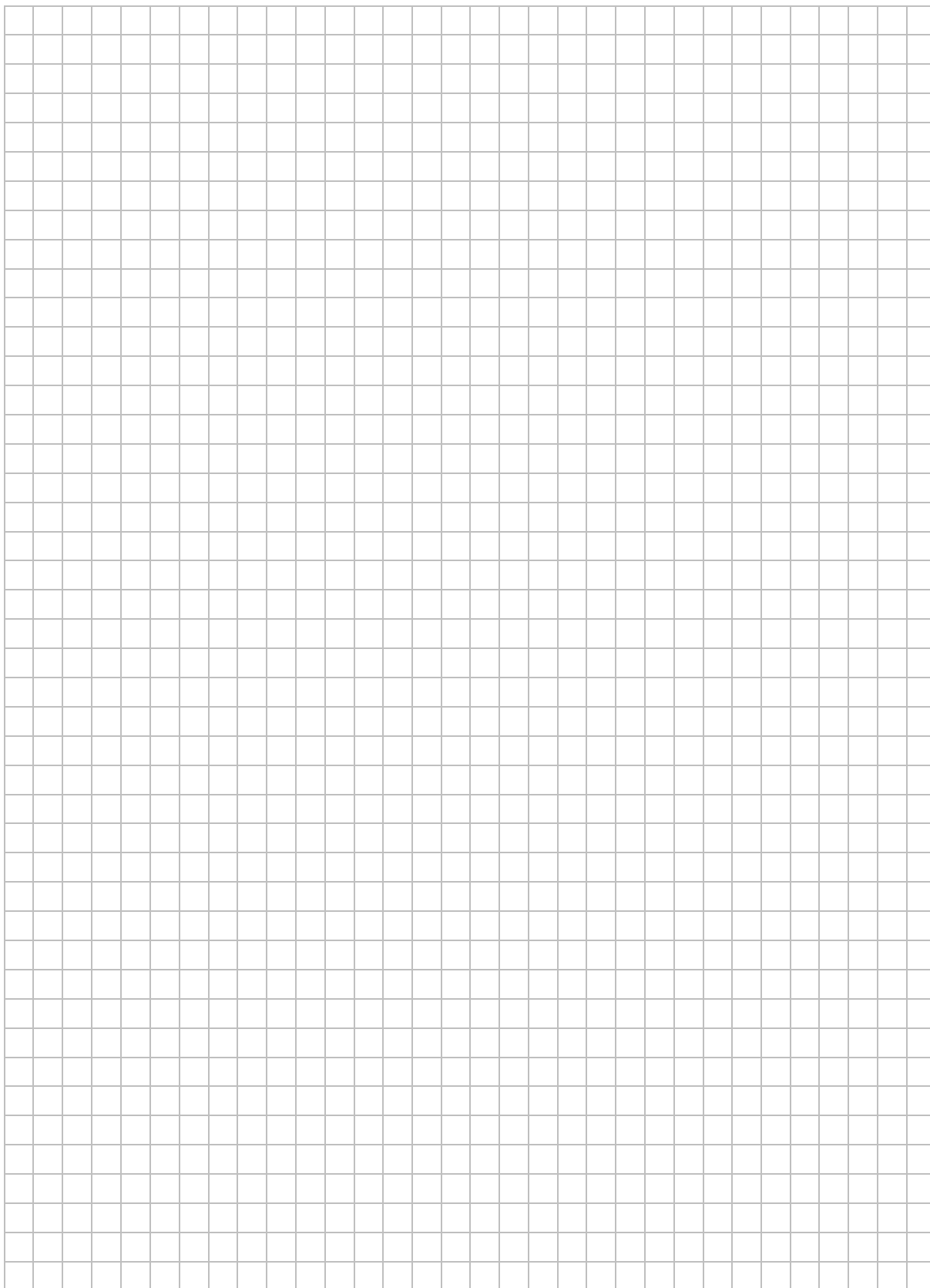




**Zadanie 30. (0–2)**

Rozwiąż nierówność

$$x(x - 2) > 2x^2 - 3$$

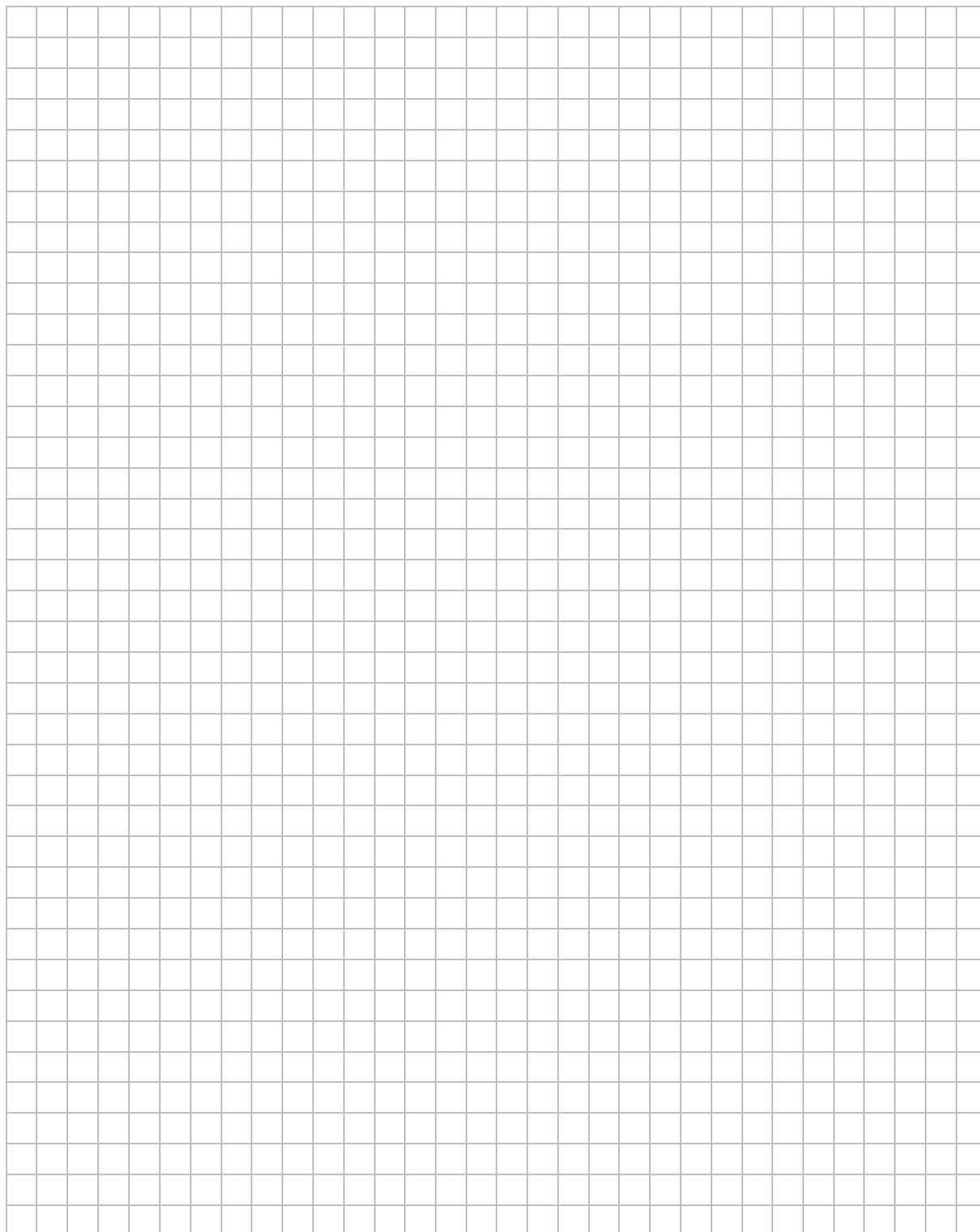


Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)

**Zadanie 31. (0–2)**

Pan Stanisław spłacił pożyczkę w wysokości 8910 zł w osiemnastu ratach. Każda kolejna rata była mniejsza od poprzedniej o 30 zł.

Oblicz kwotę pierwszej raty.



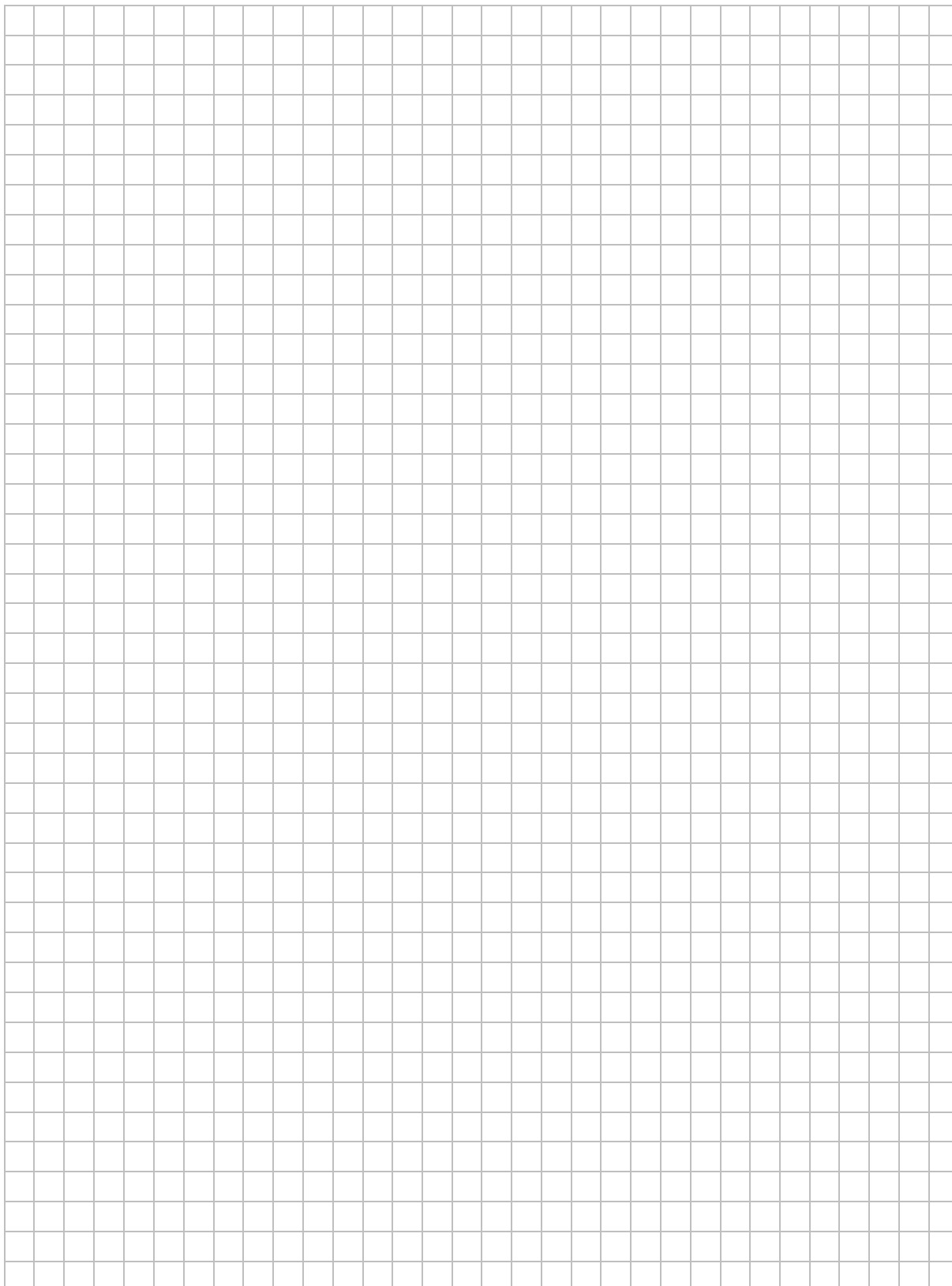
Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na mgr2.pl/arkusze

<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>30.</b>	<b>31.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>2</b>	<b>2</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>		

**Zadanie 32. (0–2)**

Wykaż, że dla każdej liczby rzeczywistej  $x \neq 1$  i dla każdej liczby rzeczywistej  $y$  prawdziwa jest nierówność

$$x^2 + y^2 + 5 > 2x + 4y$$

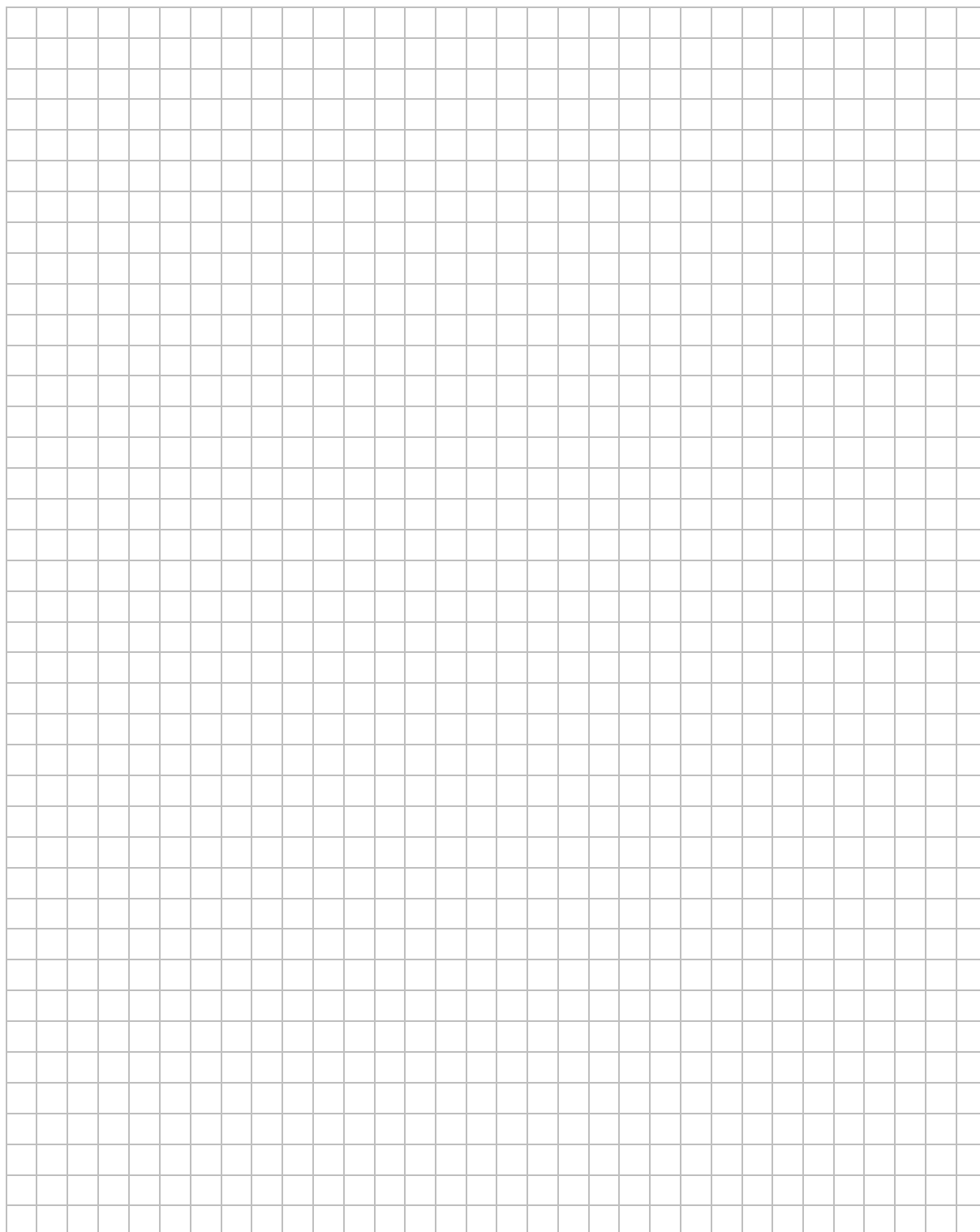


Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)

**Zadanie 33. (0–2)**

Trójkąty prostokątne  $T_1$  i  $T_2$  są podobne. Przyprostokątne trójkąta  $T_1$  mają długości 5 i 12. Przeciwprostokątna trójkąta  $T_2$  ma długość 26.

Oblicz pole trójkąta  $T_2$ .

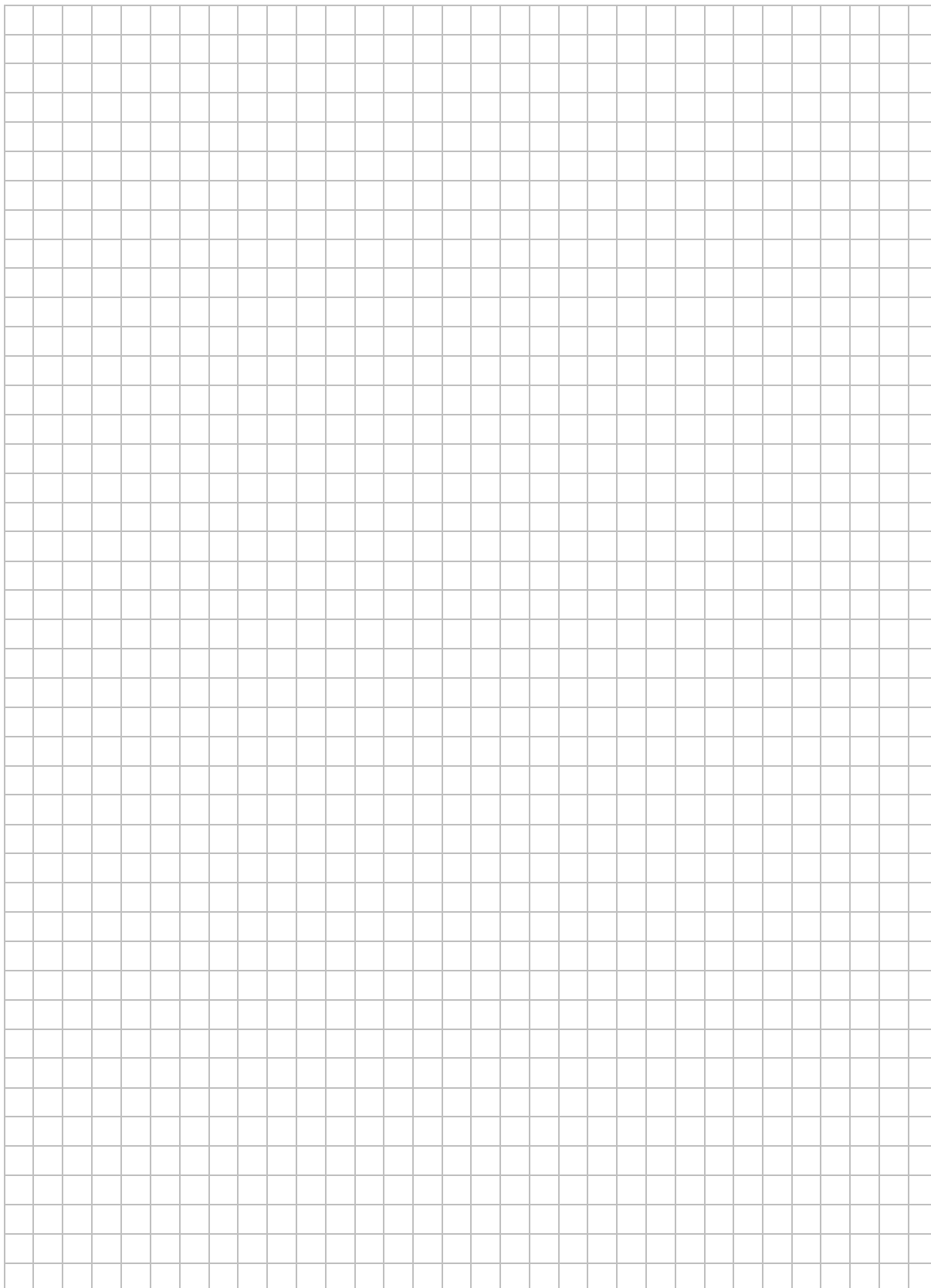


Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)

<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>32.</b>	<b>33.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>2</b>	<b>2</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>		

**Zadanie 34. (0–2)**

W kwadracie  $ABCD$  punkty  $A = (-8, -2)$  oraz  $C = (0, 4)$  są końcami przekątnej. Wyznacz równanie prostej zawierającej przekątną  $BD$  tego kwadratu.

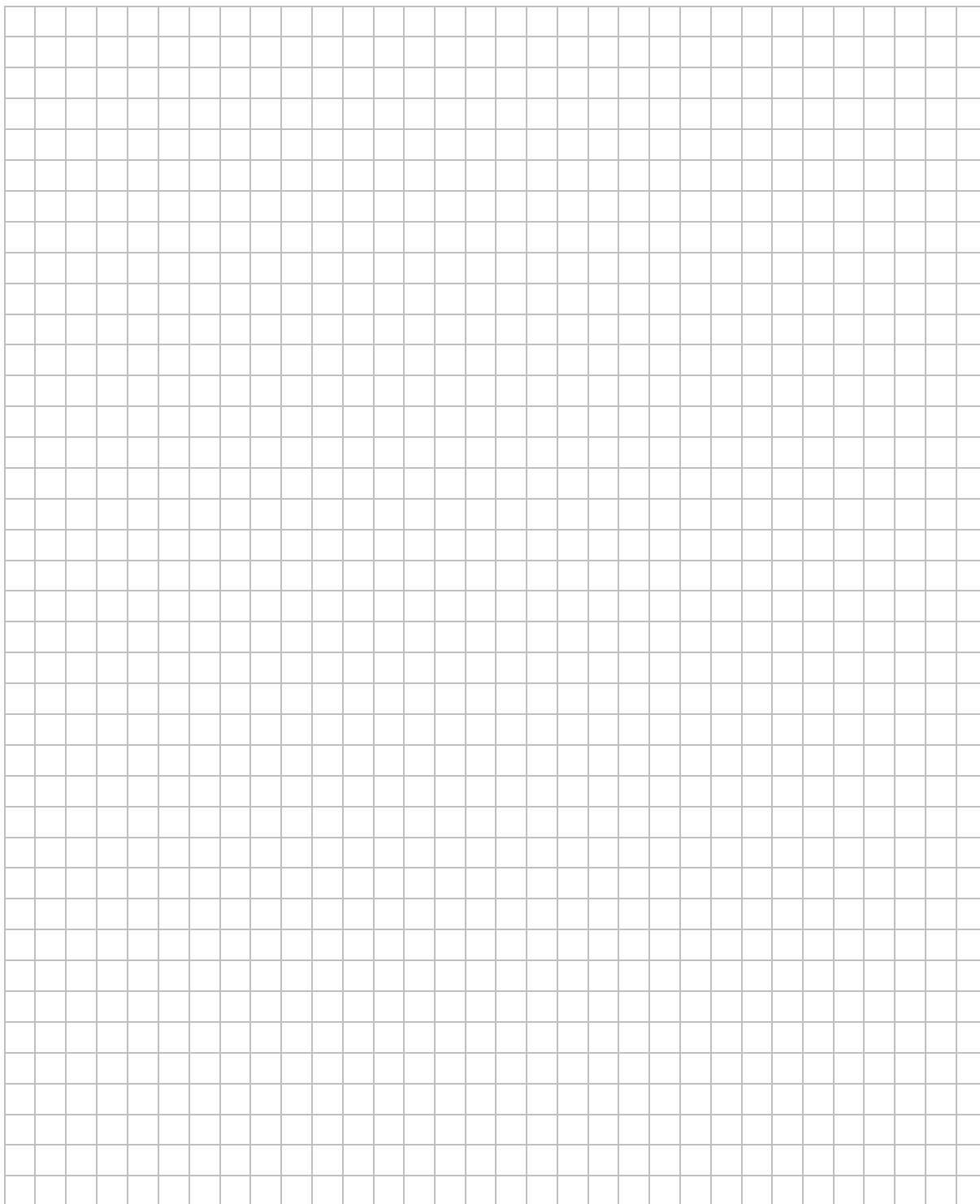


Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)

**Zadanie 35. (0–2)**

Ze zbioru ośmiu liczb  $\{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$  losujemy ze zwracaniem kolejno dwa razy po jednej liczbie.

Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia  $A$  polegającego na tym, że iloczyn wylosowanych liczb jest podzielny przez 15.

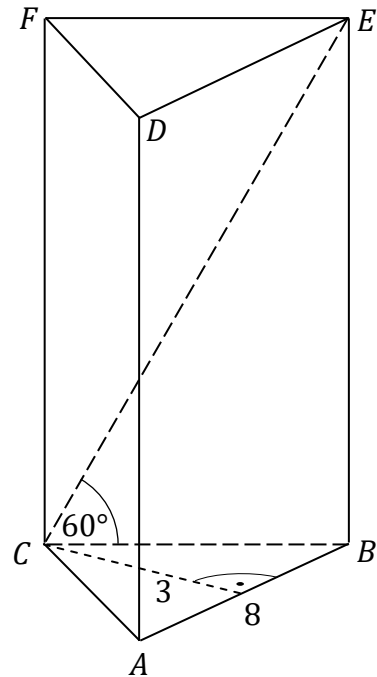


Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)

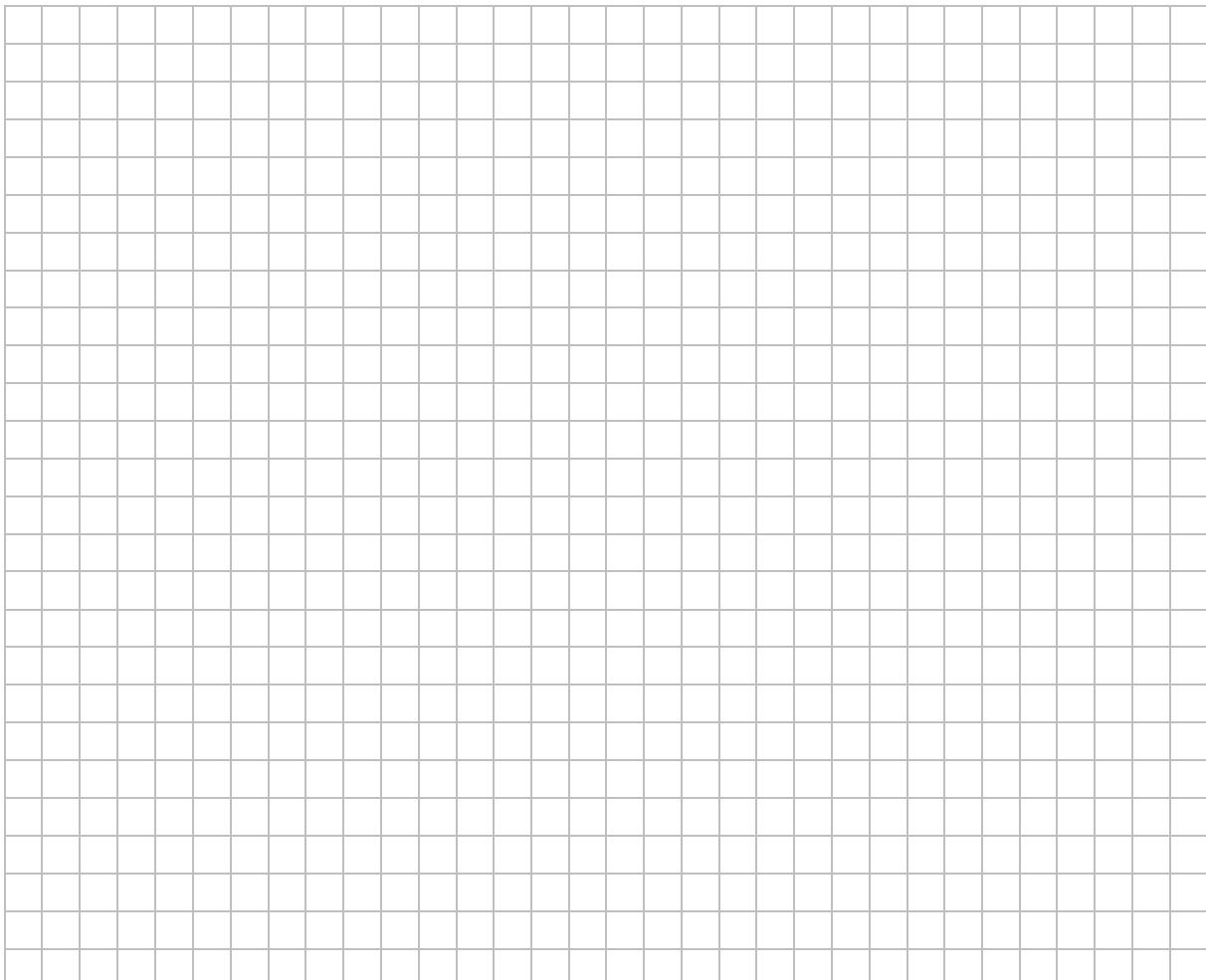
<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>34.</b>	<b>35.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>2</b>	<b>2</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>		

**Zadanie 36. (0–5)**

Podstawą graniastoslupa prostego  $ABCDEF$  jest trójkąt równoramienny  $ABC$ , w którym  $|AC| = |BC|$ ,  $|AB| = 8$ . Wysokość trójkąta  $ABC$ , poprowadzona z wierzchołka  $C$ , ma długość 3. Przekątna  $CE$  ściany bocznej tworzy z krawędzią  $CB$  podstawy  $ABC$  kąt  $60^\circ$  (zobacz rysunek).

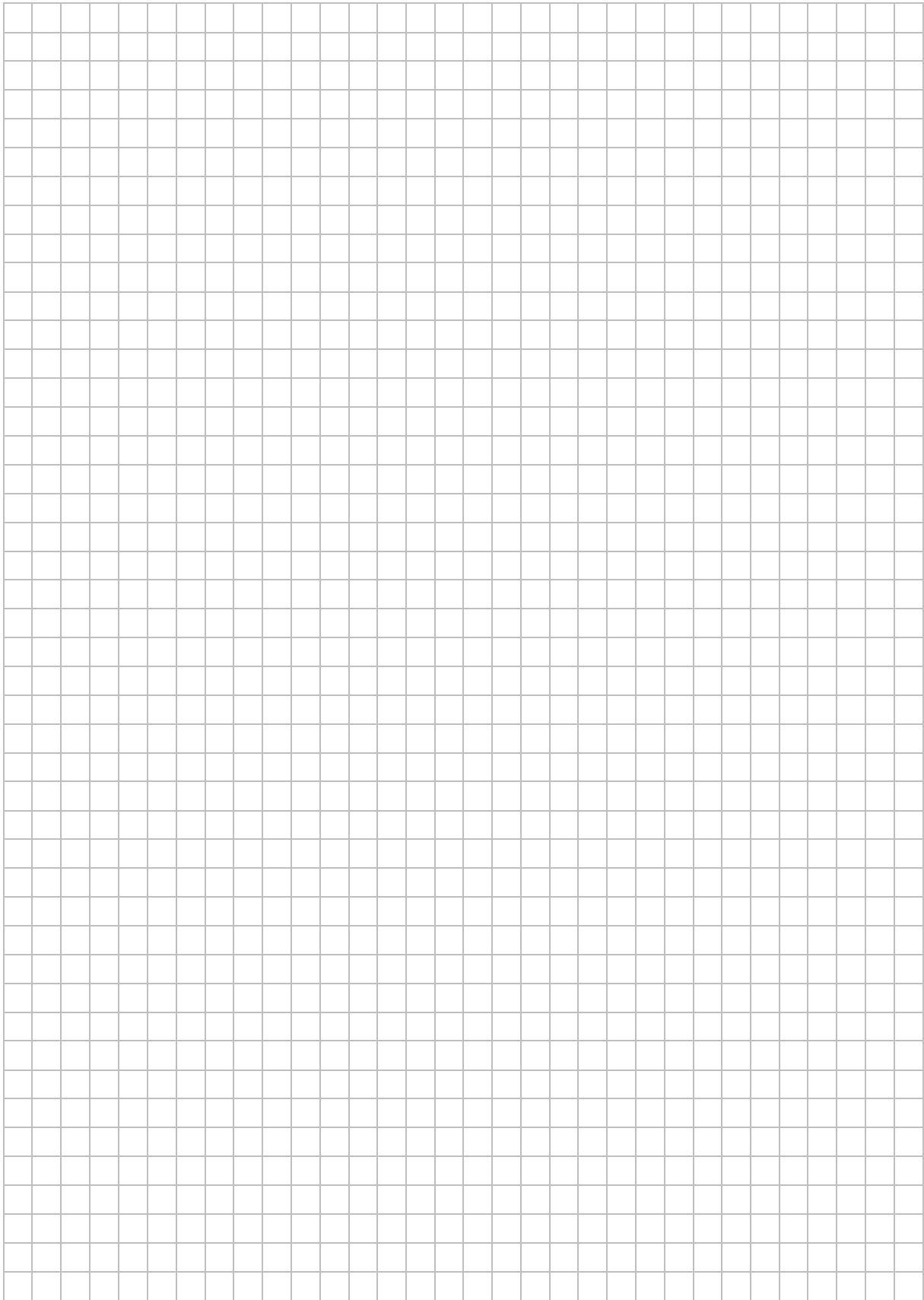


Oblicz pole powierzchni całkowitej oraz objętość tego graniastoslupa.





Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na mgr2.pl/arkusze

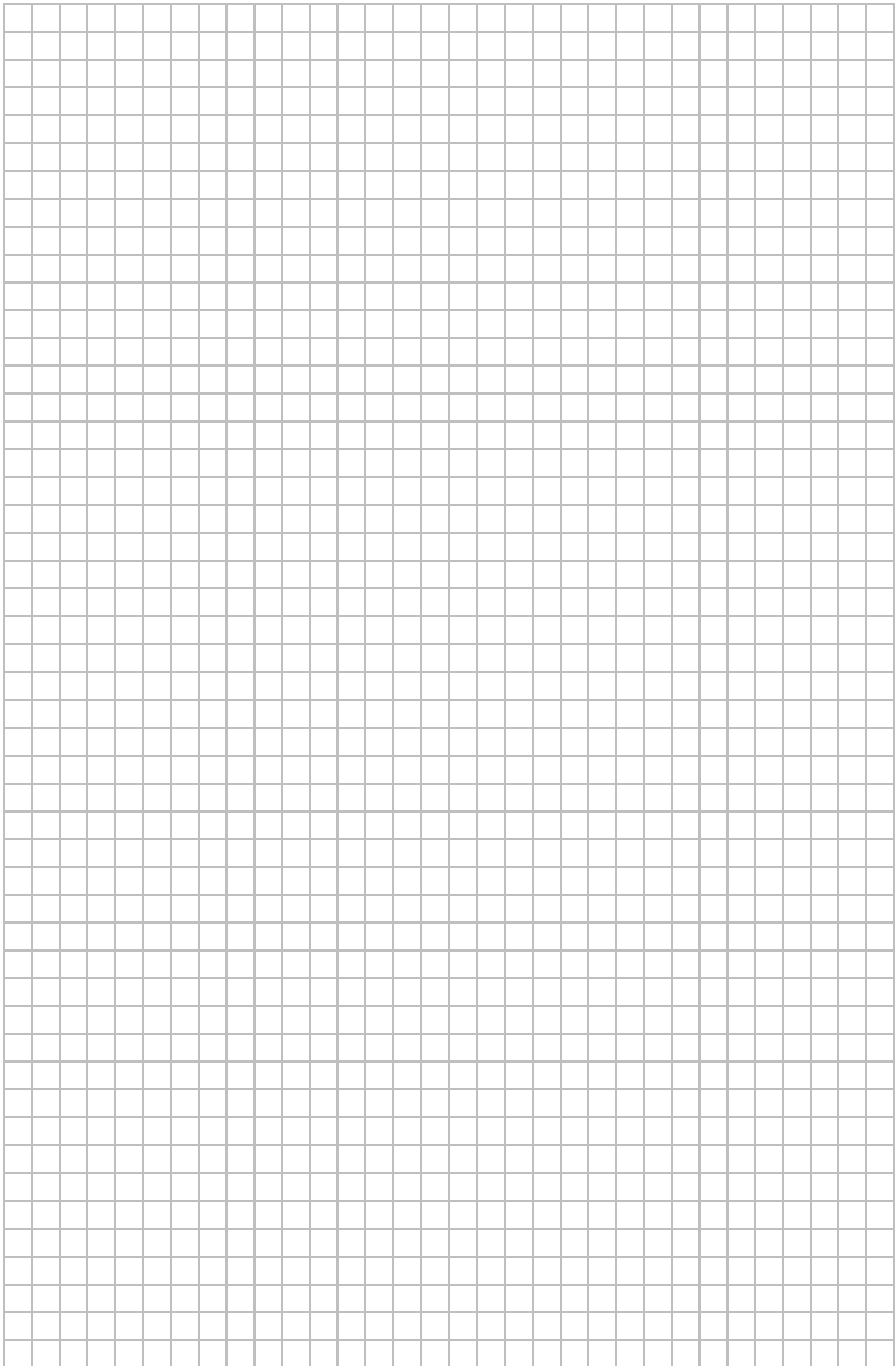


<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>36.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>5</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>	



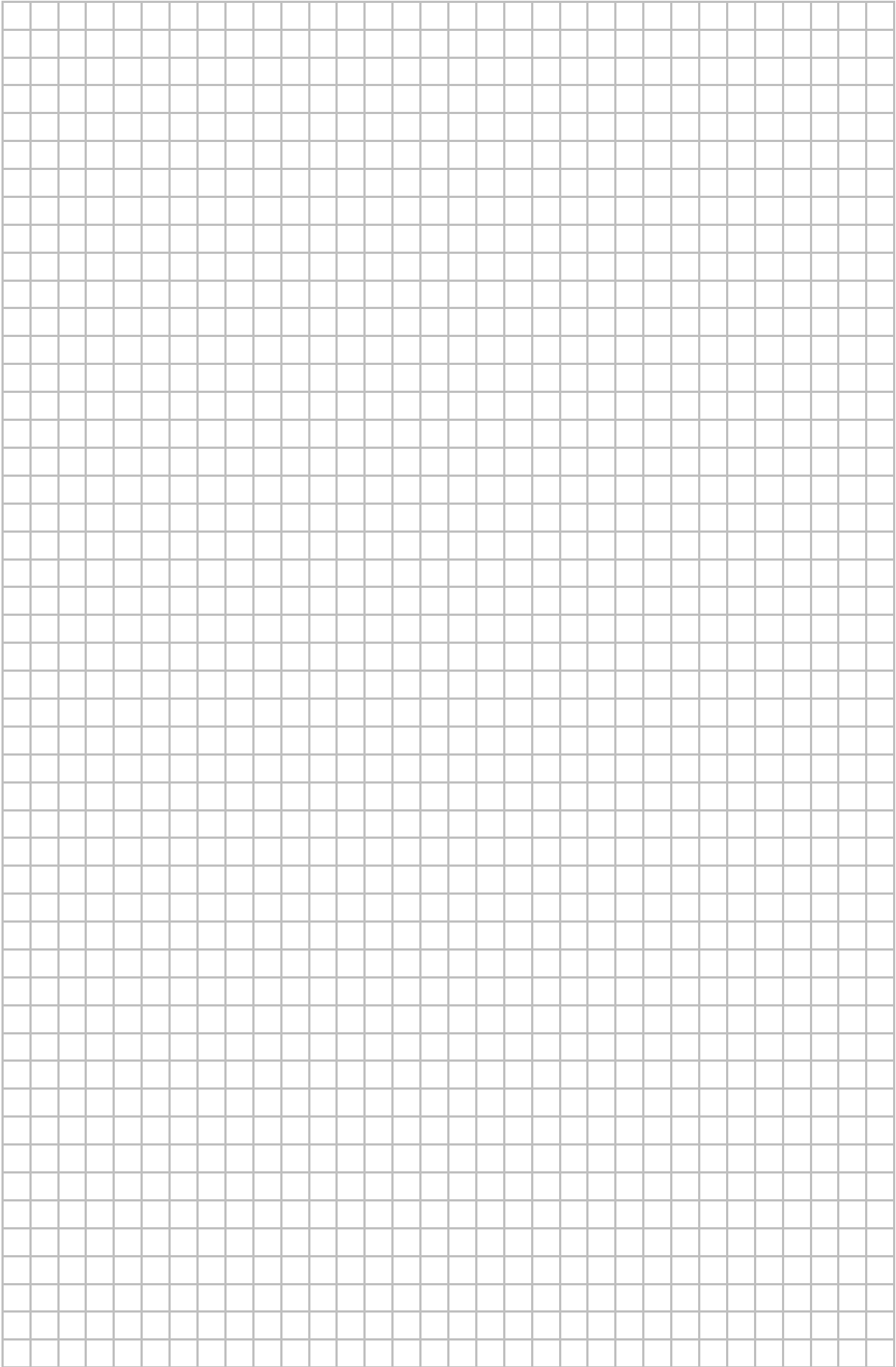


Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)





Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)



Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)



**MATEMATYKA**

**Poziom podstawowy**

*Formuła 2015*



Więcej arkuszy maturalnych z matematyki na [mgr2.pl/arkusze](http://mgr2.pl/arkusze)

**MATEMATYKA**

**Poziom podstawowy**

*Formuła 2015*

**MATEMATYKA**

**Poziom podstawowy**

*Formuła 2015*